THE NUMERICAL SOLUTION OF THE ELASTOHYDRODYNAMICALLY LUBRICATED LINE- AND POINT CONTACT PROBLEM, USING MULTIGRID TECHNIQUES

A. A. LUBRECHT

THE NUMERICAL SOLUTION OF THE ELASTOHYDRODYNAMICALLY LUBRICATED LINE- AND POINT CONTACT PROBLEM, USING MULTIGRID TECHNIQUES

PROEFSCHRIFT

Ter verkrijging van de graad
van doctor aan de Universiteit Twente,
op gezag van de rector magnificus,
prof. dr. ir. H.H. van den Kroonenberg,
volgens besluit van het College van Dekanen
in het openbaar te verdedigen
op donderdag 2 april 1987 te 16.00 uur.

door

A.A. LUBRECHT

geboren op 14 juni 1957 te Geleen

PROMOTOR : PROF. IR. R. BOSMA
PROMOTOR : PROF. DR. IR. P. J. ZANDBERGEN
MENTOR : IR. W. E. TEN NAPEL

CIP-DATA KONINKLIJKE BIBLIOTHEEK, DEN HAAG

Lubrecht, Antonius Adrianus

The numerical solution of the elastohydrodynamically lubricated line- and point contact problem, using multigrid techniques / Antonius Adrianus Lubrecht.
- [S.l. : s.n.]
Thesis Enschede. - With ref. - With summary in Dutch.
ISBN 90-9001583-3
SISO 510.8 UDC 519.6:531.4(043.3)
Subject headings: elastohydrodynamic lubrication / multigrid.

aan Ineke

aan mijn ouders

ABSTRACT
========

The main topic of this thesis is the numerical solution of the problem of Elasto-Hydrodynamic Lubrication (E.H.L.) for line- and point contact conditions. As an introduction to the subject, a historical review of the field of E.H.L. is given and the presently used numerical methods are discussed on their merits.
Next, the equations which describe the problem are derived together with the dimensionless groups of parameters for the line- and point contact problem. As a first attempt to solve the line contact problem, the Newton-Raphson method is applied and its advantages and drawbacks are highlighted. Though this method works satisfactorily for the line contact case, it is useless for the point contact problem because of the required computing time.
Therefore, an alternative solution technique called Multigrid is discussed with respect to the E.H.L. problem and the topic of stability and convergence is treated.
Applying the Multigrid technique to the E.H.L. line contact equations results in a considerable reduction of the computing time. A number of solutions is presented together with a new film thickness formula, based on these numerical calculations and on analytical asymptotes. In a number of these solutions the so-called "pressure spike" can be detected, and the nature of this spike is discussed. Making use of the reduction in computing time, the point contact problem is tackled and a number of solutions for different lubricating conditions is given. The specific problems, and their solutions, of this two-dimensional case are outlined.
The results of both the line- and point contact calculations are then used to compute the so-called "rolling traction". Next, the influence of different types of surface roughness geometries is investigated, and a number of solutions is presented. Finally, recommendations for future research are given.

SAMENVATTING

Het onderwerp van dit proefschrift is de numerieke oplossing van de Elasto-Hydrodynamische Smeringsvergelijkingen (E.H.S.) voor lijn- en puntcontact. Als inleiding wordt een historisch overzicht gegeven van het werkgebied en de huidige oplosmethoden worden beoordeeld op hun merites. Vervolgens worden de vergelijkingen afgeleid die het E.H.S. probleem beschrijven, als ook de dimensieloze groepen die van toepassing zijn op het lijn- en puntcontact E.H.S. probleem. Als eerste aanzet, om tot een numerieke oplossing van het lijn contact probleem te komen, is de Newton-Raphson oplosmethode toegepast. Een aantal resultaten wordt gepresenteerd en de tekortkomingen van deze aanpak worden aangegeven. Hoewel de methode bevredigend werkt voor het één-dimensionale probleem is zij niet bruikbaar voor het twee-dimensionale probleem vanwege de vereiste rekentijd. Daarom is een snelle oplosmethode genaamd Multigrid gebruikt. De methode wordt evenals de stabiliteit en convergentie besproken. Vervolgens wordt deze oplostechniek op het E.H.S. lijncontact probleem toegepast en worden de specifieke moeilijkheden en hun oplossingen belicht en de tijdwinst besproken. In een aantal gepresenteerde oplossingen is de zogenaamde "drukpiek" zichtbaar, en de fysische achtergrond van dit verschijnsel wordt besproken. Ook wordt een filmdikteformule gegeven die gebaseerd is op deze numerieke berekeningen en op analytische asymptoten. Gebruikmakend van deze winst in rekentijd wordt het puntcontact E.H.S. probleem aangepakt en worden een aantal oplossingen gepresenteerd, samen met de specifieke moeilijkheden van dit probleem. De resultaten van de numerieke berekeningen voor lijn- en puntcontact worden gebruikt voor de berekening van de zogenaamde "rollende wrijving". Tenslotte wordt de invloed van verschillende oppervlakteruwheids-geometriën besproken en een aantal oplossingen worden gegeven. Als afsluiting wordt een aantal aanbevelingen gedaan voor toekomstig onderzoek.